

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Министерство образования Тульской области  
Администрация муниципального образования Каменский район  
МКОУ "Новопетровская СШ"

РАССМОТРЕНО

Педагогическим  
советом школы

Протокол №1 от «30»  
августа 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

Заместителем  
директора по УВР

*Семёнов*  
Семёнова И.И.  
от «30» августа 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директором школы

*Пословский А.М.*  
Пословский А.М.  
Приказ №63  
от «31» августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 880151)

учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа.

**Базовый уровень»**

для обучающихся 10-11 классов

п.Новопетровский 2023

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности,

требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функций. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений,

содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символыми формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое

целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся развиваются наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 3 часа в неделю в 10 классе и 4 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 238 часов.

# **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА**

## **10 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых идробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей.

Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции.

Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

**Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.**

**Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.**

**Начала математического анализа**

**Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.**

**Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.**

**Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.**

**Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.**

**Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.**

**Первообразная. Таблица первообразных.**

**Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.**

**Рабочая программа сформирована с учётом рабочей программы воспитания и предусматривает:**

-привлечение внимания обучающихся к ценностному аспекту изучаемых на уроках явлений, использование воспитательных возможностей раздела через подбор соответствующих упражнений;

-демонстрацию обучающимся примеров ответственного, гражданского поведения, проявления человеколюбия и добросердечности, через подбор соответствующих текстов для чтения, задач для решения, проблемных ситуаций для обсуждения в классе;

-применение на уроках интерактивных форм работы с обучающимися: интеллектуальных игр, стимулирующих

познавательную мотивацию обучающихся; дидактического театра, где полученные на уроке знания обыгрываются в театральных постановках; дискуссий, которые дают обучающимся возможность приобрести опыт ведения конструктивного диалога; групповой работы или работы в парах, которые учат обучающихся командной работе и взаимодействию с другими обучающимися;

- побуждение учащихся соблюдать на уроках общепринятые нормы поведения, правила общения со старшими( педагогическими работниками) и сверстниками( обучающимися), принципы учебной дисциплины и самоорганизации;

- инициирование и поддержку исследовательской деятельности обучающихся в рамках реализации ими индивидуальных и групповых исследовательских проектов

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; владением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными **познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.**

1) Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

**Работа с информацией:**

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить корректизы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

### **10 КЛАСС**

#### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

#### **Уравнения и неравенства**

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	22	2		
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	11	1		
3	Арифметический корень n–ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	19	1		
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения	28	1		
5	Последовательности и прогрессии	9	1		
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	13	1		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		102	7	0	



## 11 КЛАСС

№ п/ п	Наименованиеразделов и темпрограммы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательныересурс ы
		Всего	Контрольныеработ ы	Практическиеработ ы	
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1		
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12	1		
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		
4	Производная. Применение производной	24	1		
5	Интеграл и его применения	9	1		
6	Системы уравнений	12	1		
7	Натуральные и целые числа	6			
8	Комбинаторика	13	1		
9	Элементы теории вероятностей	13	1		
10	Статистика	9	1		
11	Повторение, обобщение, систематизация знаний	17	2		

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	136	11	0	
--	-----	----	---	--

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна	1				
2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1				
3	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1				
4	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1				
5	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1				
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1				

7	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1				
8	Входная контрольная работа № 1	1	1			
9	Арифметические операции с действительными числами	1				
10	Арифметические операции с действительными числами	1				
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1				
12	Тождества и тождественные преобразования	1				
13	Тождества и тождественные преобразования	1				
14	Уравнение, корень уравнения	1				
15	Уравнение, корень уравнения	1				
16	Неравенство, решение неравенства	1				
17	Неравенство, решение неравенства	1				
18	Метод интервалов	1				
19	Метод интервалов	1				

20	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				
21	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				
22	Контрольная работа № 2 "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства"	1	1			
23	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1				
24	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1				
25	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1				
26	Чётные и нечётные функции	1				
27	Чётные и нечётные функции	1				
28	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1				
29	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1				

30	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1				
31	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1				
32	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1				
33	Контрольная работа № 3 «Степенная функция»	1	1			
34	Арифметический корень натуральной степени	1				
35	Арифметический корень натуральной степени	1				
36	Свойства арифметического корня натуральной степени	1				
37	Свойства арифметического корня натуральной степени	1				
38	Свойства арифметического корня натуральной степени	1				
39	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1				
40	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1				
41	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1				

42	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1				
43	Действия с арифметическими корнями n-ой степени	1				
44	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1				
45	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1				
46	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1				
47	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1				
48	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1				
49	Свойства и график корня n-ой степени	1				
50	Свойства и график корня n-ой степени	1				
51	Свойства и график корня n-ой степени	1				
52	Контрольная работа № 4 "Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"	1	1			
53	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1				
54	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1				

55	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1				
56	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1				
57	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				
58	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				
59	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				
60	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				
61	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				
62	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				
63	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				
64	Основные тригонометрические формулы	1				
65	Основные тригонометрические формулы	1				
66	Основные тригонометрические формулы	1				

67	Основные тригонометрические формулы	1				
68	Преобразование тригонометрических выражений	1				
69	Преобразование тригонометрических выражений	1				
70	Преобразование тригонометрических выражений	1				
71	Преобразование тригонометрических выражений	1				
72	Преобразование тригонометрических выражений	1				
73	Решение тригонометрических уравнений	1				
74	Решение тригонометрических уравнений	1				
75	Решение тригонометрических уравнений	1				
76	Решение тригонометрических уравнений	1				
77	Решение тригонометрических уравнений	1				
78	Решение тригонометрических уравнений	1				
79	Подготовка к контрольной работе	1				

80	Контрольная работа № 5 "Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения"	1	1			
81	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1				
82	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1				
83	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1				
84	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1				
85	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1				
86	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1				
87	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно	1				

	убывающей геометрической прогрессии					
88	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1				
89	Контрольная работа № 6 «Последовательности»	1	1			
90	Формула сложных процентов	1				
91	Формула сложных процентов	1				
92	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
93	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
94	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
95	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
96	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
97	Итоговая контрольная работа № 7	1	1			

98	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
99	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1				
100	Резерв	1				
101	Резерв	1				
102	Резерв	1				
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		102	7	0		

## 11 КЛАСС

№ п / п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Степень с рациональным показателем	1				
2	Свойства степени	1				
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1				
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1				
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1				
6	Показательные уравнения и неравенства	1				
7	Показательные уравнения и неравенства	1				
8	Показательные уравнения и неравенства	1				
9	Показательные уравнения и неравенства	1				
10	Показательные уравнения и неравенства	1				

11	Показательная функция, её свойства и график	1				
12	<b>Контрольная работа №1 по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"</b>	1	1			
13	Логарифмические	1				
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1				
15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				
16	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				
17	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				
19	Логарифмические уравнения и неравенства	1				
20	Логарифмические уравнения и неравенства	1				
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1				
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1				

23	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				
24	<b>Контрольная работа №2 по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства."</b>	1	1			
25	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1				
29	Примеры тригонометрических неравенств	1				
30	Примеры тригонометрических неравенств	1				
31	Примеры тригонометрических неравенств	1				
32	Примеры тригонометрических неравенств	1				
33	<b>Контрольная работа №3 по теме " Тригонометрические</b>	1	1			

	<b>функции и их графики. Тригонометрическ ие неравенства"</b>				
34	Непрерывные функции	1			
35	Метод интервалов для решения неравенств	1			
36	Метод интервалов для решения неравенств	1			
37	Производная функции	1			
38	Производная функции	1			
39	Геометрический и физический смысл производной	1			
40	Геометрический и физический смысл производной	1			
41	Производные элементарных фу нкций	1			
42	Производные элементарных фу нкций	1			
43	Производная суммы, произведения, частного функций	1			
44	Производная суммы, произведения, частного функций	1			

45	Производная суммы, произведения, частного функций	1				
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1				
50	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				

54	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				
55	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1				
56	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1				
57	<b>Контрольная работа №4 по теме "Производная. Применение производной"</b>	1	1			
58	Первообразная. Таблица первообразных	1				
59	Первообразная. Таблица первообразных	1				
60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1				
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1				
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1				
63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				

64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1				
67	<b>Контрольная работа №5 по теме "Интеграл и его применения."</b>	1	1			
68	Системы линейных уравнений	1				
69	Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				
70	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				
71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных,	1				

	логарифмических уравнений и неравенств					
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				
74	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1				
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1				
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1				
77	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1				
78	<b>Контрольная работа №6 по теме Системы уравнений"</b>	1	1			
79	Правилопроизведения.	1				

80	Правилопроизведения.	1				
81	Перестановки	1				
82	Перестановки	1				
83	Размещения.	1				
84	Размещения.	1				
85	Сочетания и их свойства.	1				
86	Сочетания и их свойства.	1				
87	Бином Ньютона. <i>Решение задач с применением комбинаторики.</i>	1				
88	Бином Ньютона. <i>Решение задач с применением комбинаторики.</i>	1				
89	Урок обобщения и систематизации знаний.	1				
90	<b>Контрольная работа № 7«Комбинаторика.»</b>	1	1			
91	События. <i>Решение задач на определение частоты и вероятности событий.</i> <i>Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами.</i>	1				
92	Комбинации событий. Противоположное событие.	1				
93	Комбинации событий. Противоположное событие.	1				

94	Вероятность события. <i>Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли. Условная вероятность.</i>	1				
95	Вероятность события. <i>Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли. Условная вероятность.</i>	1				
96	Сложение вероятностей. <i>Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей</i>	1				
97	Сложение вероятностей. <i>Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей</i>	1				
98	Независимые события. Умножение вероятностей. <i>Правило умножения</i>	1				

	<i>вероятностей. Формула полной вероятности.</i>					
99	Независимые события. Умножение вероятностей. <i>Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.</i>	1				
10 0	Независимые события. Умножение вероятностей. <i>Правило умножения вероятностей.</i> <i>Формула полной вероятности.</i>	1				
10 1	Статистическая вероятность.	1				
10 2	Статистическая вероятность.	1				
10 3	<b>Контрольная работа № 8 «Элементы теории вероятностей.»</b>	1	1			
10 4	Случайные величины. <i>Дискретные случайные</i>	1				

	<p><i>величины и распределения.</i>  <i>Независимые случайные величины.</i> <i>Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.</i></p> <p><i>Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин.</i></p> <p><i>Непрерывные случайные величины.</i></p>				
10 5	<p><i>Понятие о плотности вероятности. Равномерное распределение.</i></p> <p><i>Показательное распределение, его параметры. Понятие о нормальном распределении.</i></p> <p><i>Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).</i></p>	1			

	<i>Неравенство Чебышева.</i> <i>Теорема Бернулли.</i> Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.	1				
10 6	<i>Ковариация двух случайных величин.</i> Понятие о коэффициенте корреляции. <i>Совместные наблюдения двух случайных величин.</i> <i>Выборочный коэффициент корреляции.</i> <i>Центральные тенденции.</i>	1				
10 8	Меры разброса	1				
10 9	Меры разброса	1				
11 0	Меры разброса	1				
11 1	Урок обобщения и систематизации знаний	1				

11 2	Контрольная работа № 9 «Статистика.»	1	1			
11 3	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1				
11 4	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1				
11 5	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1				
11 6	Признаки делимости целых чисел	1				
11 7	Признаки делимости целых чисел	1				
11 8	Признаки делимости целых чисел	1				
11 9	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				
12 0	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				
12 1	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				
12 2	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				

12 3	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				
12 4	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1				
12 5	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				
12 6	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				
12 7	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				
12 8	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1				
12 9	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1				
13 0	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1				
13 1	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1				

13 2	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1				
13 3	<b>Итоговая контрольная работа</b>	1	1			
13 4	<b>Итоговая контрольная работа</b>	1	1			
13 5	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1				
13 6	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1				
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		136	11	0		



# **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

**1.Математика:алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа.10-11 классы: учебник для общеобразовательных организаций: базовый и углубл. уровни/Ш.А.Алимов и др.М:Просвещение,2020**

## **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Алгебра и начала математического анализа.Дидактические материалы к учебнику Ш.А.Алимова и другие.11 класс:учеб.пособие для общеобразоват.организаций:базовый и углубл.уровни/М.И.Шабунин,М.В.Ткачева,Н.Е.Федорова,М:Просвещение

## **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

- 1.<https://urok.apkpro.ru/>
2.  
<https://resh.edu.ru/subject/>
3. <https://content.edsoo.ru/lab/subject/3/>
4.  
<https://education.yandex.ru/main>
5.  
<https://www.geogebra.org/graphing?lang=ru>

